

## השאלות

**שימו לב:** יש להסביר את כל הפעולות, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.  
חומר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציגו או לפסילת הבדיקה.

יש לענות על שלוש מן השאלות 1–5, לפחות על שאלה אחד מכל פרק (לכל שאלה –  $\frac{1}{3}$  נקודות).  
**שימו לב:** אם תענו על יותר משלוש שאלות, יידקו שלוש התשובות הראשונות שבמבחן.

### פרק ראשון – סדרות, טריגונומטריה במרחב

#### סדרות

.1.  $a_n$  היא סדרה הנדסית.

נתון:  $k \cdot a_3 = k \cdot a_5$ ,  $k$  הוא פרמטר.

א. מצאו את מנת הסדרה  $a_n$  (שתי אפשרויות).

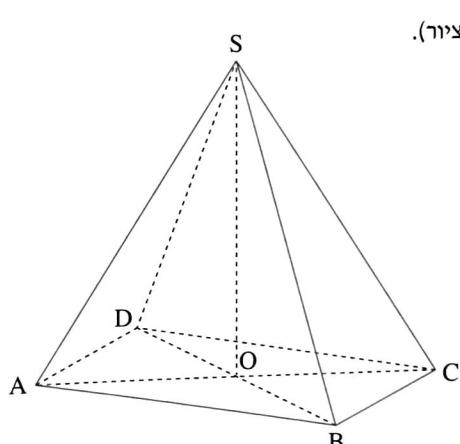
נתון כי כל איברי הסדרה  $a_n$  חיוביים וכי סכום אינסוף האיברים בסדרה הוא 4.

ב. מצאו את  $a_1$ , האיבר הראשון בסדרה, ואת  $k$ .

ב'.  $b_n$  היא סדרה חשבונית המקיימת:  $b_1 = a_1$ ,  $b_3 = a_3$ .  
בסדרה  $b_n$  יש 65 איברים.

ג. מצאו את סכום האיברים במקומות הזוגיים בסדרה  $b_n$ .

#### טריגונומטריה במרחב



.2. נתונה פירמידה ישרה SABCD שבבסיסה ABCD הוא מלבן (ראו ציור).  
הזווית החדה בין שני אלכסוני המלבן היא  $42^\circ$ .

גובה הפירמידה הוא SO.

נתון:  $AB > BC$ ,  $SO = AB$ .

נסמן את אורך הצלע BC ב- $a$ .

א. הביעו את אורך הצלע AB באמצעות  $a$ .

ב. מצאו את גודל הזווית בין מקצוע צדי לבין בסיס הפירמידה.

ג. מצאו את גודל הזווית  $\angle ASC$ .

נתון: שטח המשולש ASC הוא 16.

ד. מצאו את  $a$ .

הנקודה E היא אמצע הגובה SO.

ה. חשבו את נפח הפירמידה EABCD.

**פרק שני – גדרה ודעיכה, חשבון דיפרנציאלי ואנטגרלי**  
**של פונקציות טריגונומטריות, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות**  
**ופונקציות חזקה**

נתונה הפונקציה  $f(x) = a + \frac{1}{2} \sin(2x)$  המוגדרת בתחום:  $-\frac{\pi}{3} \leq x \leq \frac{\pi}{3}$ .  
 $a > 0$  הוא פרמטר.

- א. מצאו את שיעורי כל נקודות הקיצון של הפונקציה  $(x, f)$  (אם יש צורך, הבישו באנטגרות  $a$ ).  
 נתון כי שיעור ה- $y$  של נקודת המקסימום הפנימית של הפונקציה  $(x, f)$  הוא 5.5.

ב. מצאו את  $a$ .

הציבו  $5 = a$  וענו על הסעיפים ג-ד.

ג. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה  $(x, f)$ .

מעבירים משיק לגרף הפונקציה  $(x, f)$  בנקודת המינימום הפנימית שלה.

ד. (1) מצאו את משוואת המשיק.

- (2) מצאו את השטח המוגבל על ידי המשיק, על ידי גרף הפונקציה  $(x, f)$ , על ידי הישר  $x = -\frac{\pi}{3}$ , ועל ידי ציר ה- $y$ .

נתונה הפונקציה  $f(x) = (7 - 3x) \cdot e^{3x}$ .

א. מהו תחום הגדרה של הפונקציה  $(x, f)$ ?

ב. מצאו את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה  $(x, f)$  עם הצירים.

ג. (1) מצאו את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה  $(x, f)$ , וקבעו את סוגה.

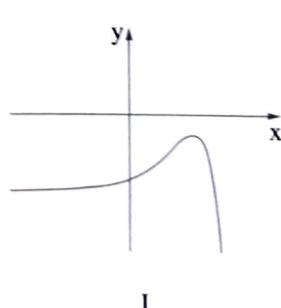
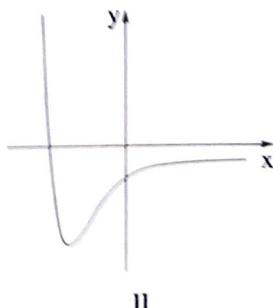
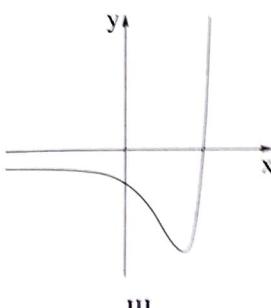
(2) מצאו את תחומי העליה והירידה של הפונקציה  $(x, f)$ .

ד. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה  $(x, f)$ .

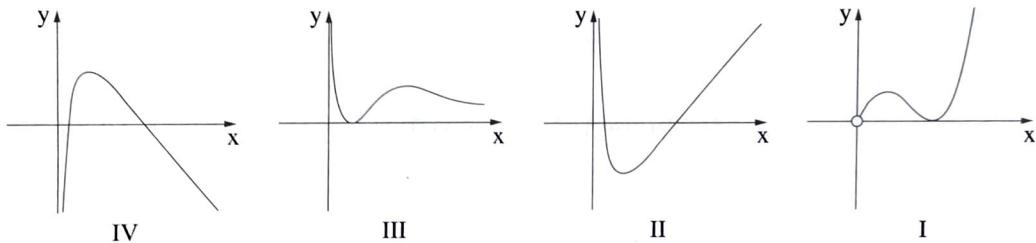
נתונה הפונקציה  $g(x) = -2 \cdot f(x) - 1$ .

ה. (1) מצאו את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה  $(x, g)$ , וקבעו את סוגה.

- (2) אחד מן הנגרפים I–III שלפניכם מתאר את גרף הפונקציה  $(x, g)$ . קבעו איזה מהם, וنمוקו את קבועיהם.



- .5. נתונה הפונקציה  $f(x) = x \cdot (\ln x)^2$ .
- מצאו את תחום ההגדרה של הפונקציה  $f(x)$ .
  - מצאו את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה  $f(x)$ , וקבעו את סוגן.
  - הסבירו מדוע מתקיים:  $0 \leq f(x)$  עבור כל  $x$  בתחום ההגדרה של הפונקציה  $f(x)$ .
  - אחד מן הגרפים I–IV שבסוף השאלה מותאר את גוף הפונקציה  $f(x)$  ואחד מהם מותאר את גוף פונקציית הנגזרת  $f'(x)$ .
  - קבעו איפה מהם מותאר את גוף הפונקציה  $f(x)$  ואיזה מהם מותאר את גוף פונקציית הנגזרת  $f'(x)$ , ונמקו את קביעותיכם.
  - מצאו את השטח המוגבל על ידי גוף פונקציית הנגזרת  $f'(x)$ , ועל ידי ציר ה- $x$ .

**בצלחה!**

זוכת היוצרים שמורה למדינת ישראל  
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך